

PRESENTACIÓN DEL PROYECTO ESTALMAT: EXPERIENCIA EN MADRID

CURSO UNICAN

JULIO 2007

*DETECCIÓN Y ESTÍMULO DEL TALENTO MATEMÁTICO: UN
PROYECTO PARA CANTABRIA*

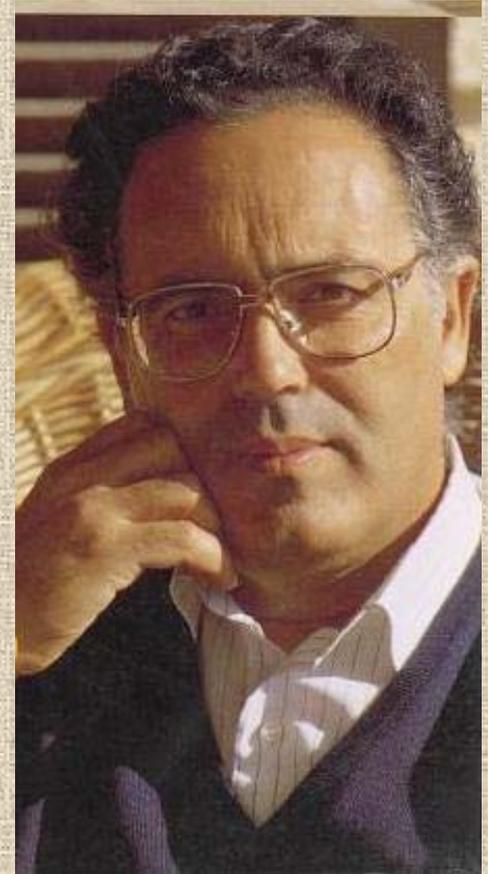
MARCO CASTRILLON LOPEZ

DEPARTAMENTO DE GEOMETRIA Y TOPOLOGIA

UNIVERSIDAD COMPLUTENSE DE MADRID

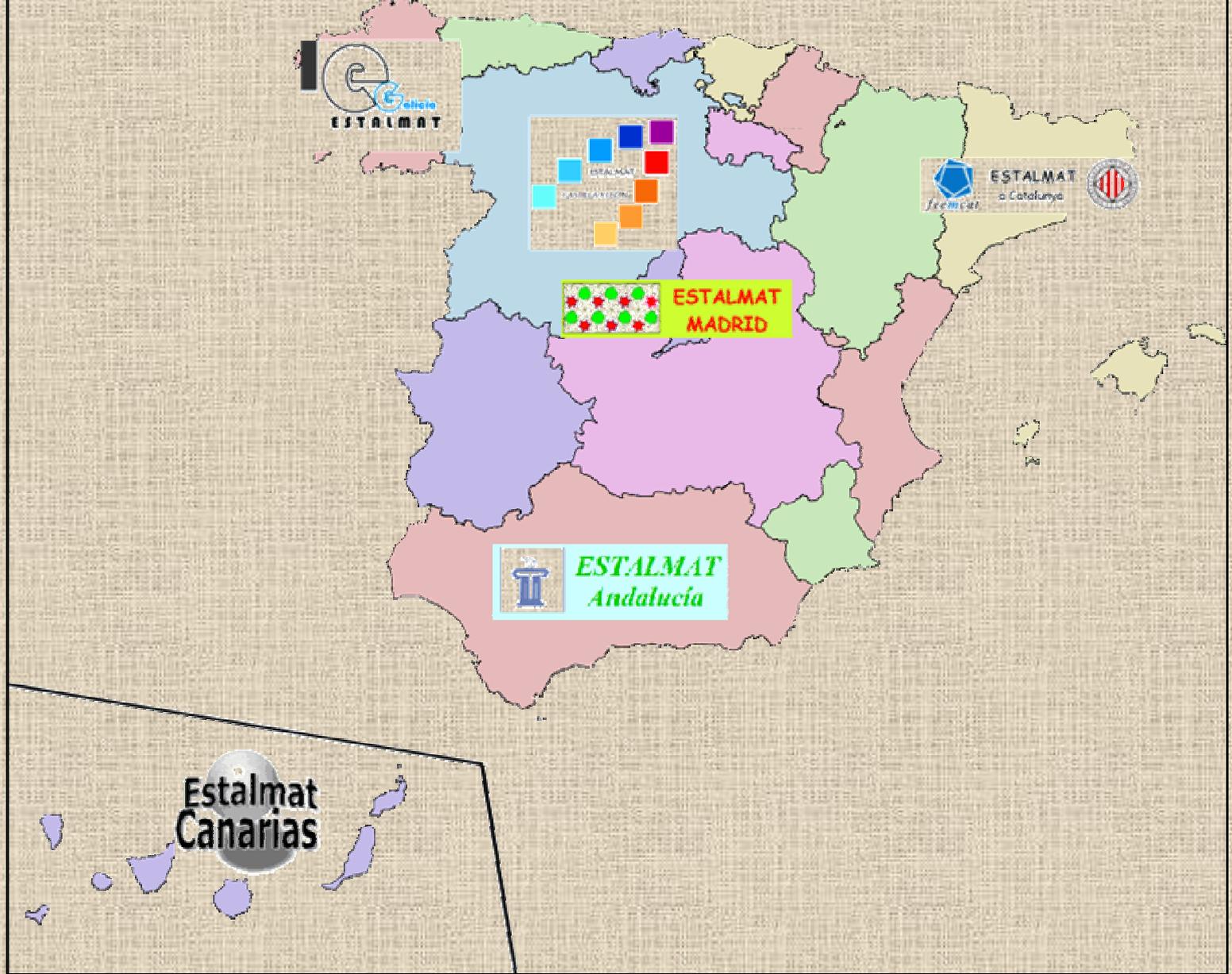
LOS COMIENZOS

- Miguel de Guzmán
- Inicia en 1998 un proyecto hace tiempo deseado.
- Con el apoyo de la RACEFN y un grupo de profesores empieza la andadura de ESTALMAT



- Se cuenta con el apoyo de la RACEFN en los cursos 1998, 1999 y 2000.
- En el 2000 se firma un acuerdo con la fundación de Airtel.
- Luego se denomina Fundación Vodafone España, la cual ha mantenido su apoyo hasta ahora.
- Se extiende el proyecto a Cataluña (2003), Castilla y León (2004), Canarias, Andalucía y ahora además en Galicia, Valencia, Baleares y Cantabria.

www.estalmat.org



ESTALMAT: Una experiencia en Madrid

LOS OBJETIVOS

Detectar, orientar y estimular el interés de estudiantes de 12 a 14 años que se sienten especialmente atraídos por la belleza, la profundidad y la utilidad de las matemáticas.

- Edad: A partir de los 12 ó 13 años es cuando se empieza a madurar la capacidad de abstracción en distintos campos: lógica, la geometría, el álgebra,...
- El proyecto pretende cubrir esta edad tan crítica.

ANTECEDENTES

- Universidad Johns Hopkins de Baltimore (EE.UU.). Willian Durden
- Modelo de Hamburgo
Karl Kiesswetter – Bernd Zimmermann
- Presentación de ambos modelos en la Facultad de Matemáticas de la UCM en Noviembre de 1998.

LA PRUEBA DE SELECCIÓN

- Publicación de los objetivos y de las exigencias del proyecto en la prensa.
- Envío de la convocatoria por correo a los centros de Primaria y Secundaria de la región.
- Los profesores o los padres presentan a los candidatos.

- Se elabora una prueba en la que a los estudiantes se les plantean problemas con un lenguaje sencillo y claro, sobre aspectos muy variados: pensamiento visual, pensamiento lógico, intuición, creatividad, abstracción, manipulación matemática etc; con cuestiones graduadas, de fácil a difícil de manera que todos puedan hacer algo, y sobre todo que se pueda valorar la aptitud y no sólo los conocimientos.

El día 22 de Marzo de 2004, un poco antes de irnos de vacaciones de Semana Santa, Miguel de Guzmán nos escribió este e-mail,

Queridos todos:

Abril se acerca y con abril el tiempo de preparar la prueba que tendrá lugar el próximo 5 de junio.

Como todos los años se trata de que cada uno pensemos en un par de problemas para la prueba. Os recuerdo algunas de las características deseables para dichos problemas.

Que primen aptitud y actitud y no tanto conocimientos.

Que sean variados.

Que sean graduables, con varias cuestiones de fácil a difícil.

Que tengan de todo para que cada uno pueda hacer algo y no sentirse frustrado, pero que ayuden a discernir quienes son los mejores.

Que el enunciado esté escrito con claridad. La dificultad no debe estar en enterarse de qué va el problema.

Gracias a todos y hasta pronto. Un abrazo.

Miguel

- Se presentan del orden de 200 chicos en la Comunidad de Madrid
- Se seleccionan 25 estudiantes.
- Se realiza una entrevista, a los estudiantes y a los padres separadamente.

Prueba de 1999

Se tiene un hexágono regular plano.

Operación 1: Se rodea con hexágonos iguales a él alrededor. Hay $1+6=7$ hexágonos.

Operación 2: Se rodea esta estructura con hexágonos iguales. Ahora hay $1+6+2 \times 6 = 19$ hexágonos.

- ¿Cuántos hexágonos hay en la operación 4?
- ¿Puedes decir cuántos hay después de la operación 100?
- ¿Cuántos hay después de la operación n ?

Después de la operación n , queremos poner 2 pesetas en cada vértice en donde corten dos aristas y 3 pesetas en cada vértice en donde corten tres aristas.

- ¿Cuántas pesetas necesitamos en total?

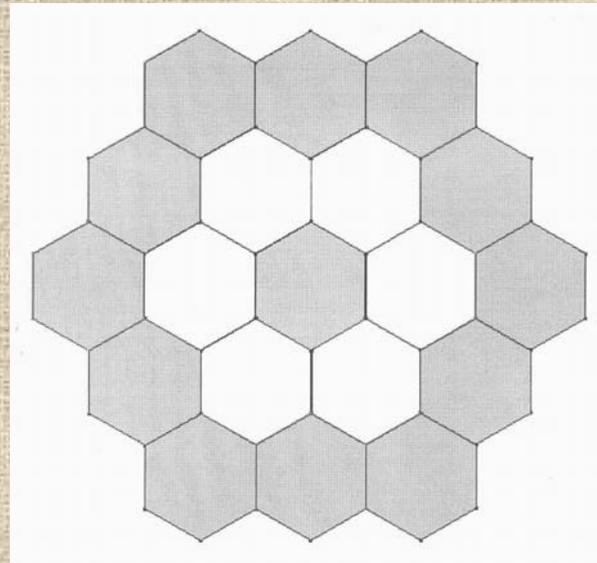
Solución del profesor

En la capa n hay exactamente $6 \times n$ hexágonos.

En la operación n tendremos

$$1 + 6 + 2 \times 6 + \dots + n \times 6 = 1 + n \times (n + 1) / 2.$$

Para las pesetas la fórmula es $6 + 2 \times 6 + \dots + n \times 6$ vértices de orden 3
y $6 \times (n + 1)$ vértices de orden 2.



1. Se tiene un hexágono regular en el plano.

Operación 1: Se rodea con hexágonos iguales a él alrededor. Hay $1 + 6 = 7$ hexágonos.

Operación 2: Se rodea esta estructura con hexágonos iguales. Ahora hay $1 + 6 + 2 \times 6 = 19$ hexágonos.

Se repite esta operación.

1. ¿Cuántos hexágonos hay después de la operación 4?

¿Puedes decir cuántos hay después de la operación 100?

¿Cuántos hay después de la operación n ?

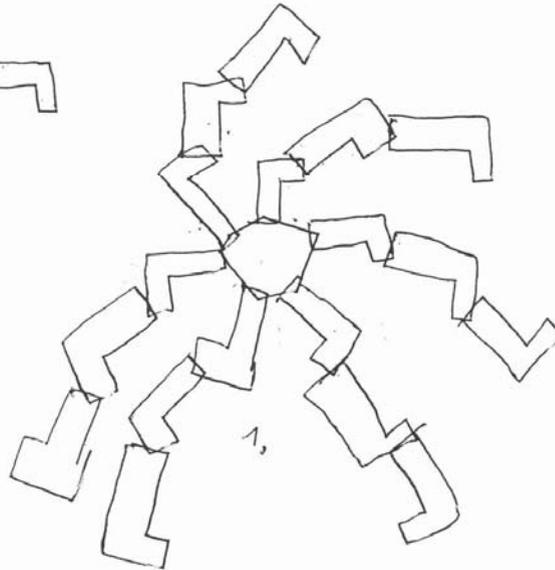
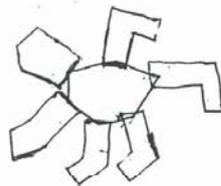
Después de la operación n , queremos poner dos pesetas en cada vértice de orden 2 (es decir donde se corten dos aristas), y tres en cada uno de orden 3. ¿Cuántas pesetas en total necesitamos?

(Escribe aquí abajo tus ideas, cálculos, razonamientos, indicaciones; bastan indicaciones escuetas pero que se entiendan)

1. $6 \times 4 = 24$: Expl. he multiplicado 6×4 porque pregunta cuántos hexágonos

hay después de la operación 4? hexágonos 6 lados

2. $6 \times 100 = 600$: Expl. he multiplicado 6×100 por lógica de ~~que~~ la ~~multiplicación~~ que he dicho antes



Operación 1: Se rodea con hexágonos iguales a el alrededor. Hay $1 + 6 = 7$ hexágonos.
Operación 2: Se rodea esta estructura con hexágonos iguales. Ahora hay $1 + 6 + 2 \times 6 = 19$ hexágonos.
Se repite esta operación.

¿Cuántos hexágonos hay después de la operación 4?

¿Puedes decir cuántos hay después de la operación 100?

¿Cuántos hay después de la operación n ?

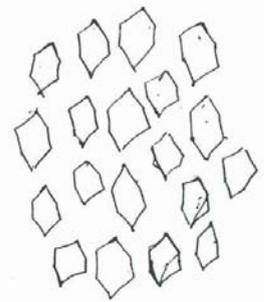
Después de la operación n , queremos poner dos pesetas en cada vértice de orden 2 (es decir donde se corten dos aristas), y tres en cada uno de orden 3. ¿Cuántas pesetas en total necesitamos?

(Escribe aquí abajo tus ideas, cálculos, razonamientos, indicaciones; bastan indicaciones escuetas pero que se entiendan)

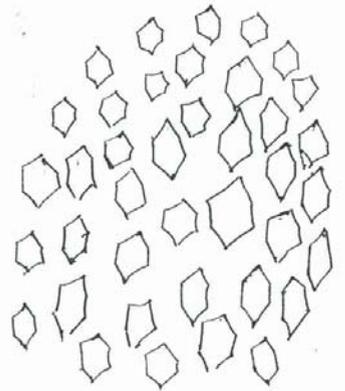
1. → Operación



2. → Operación



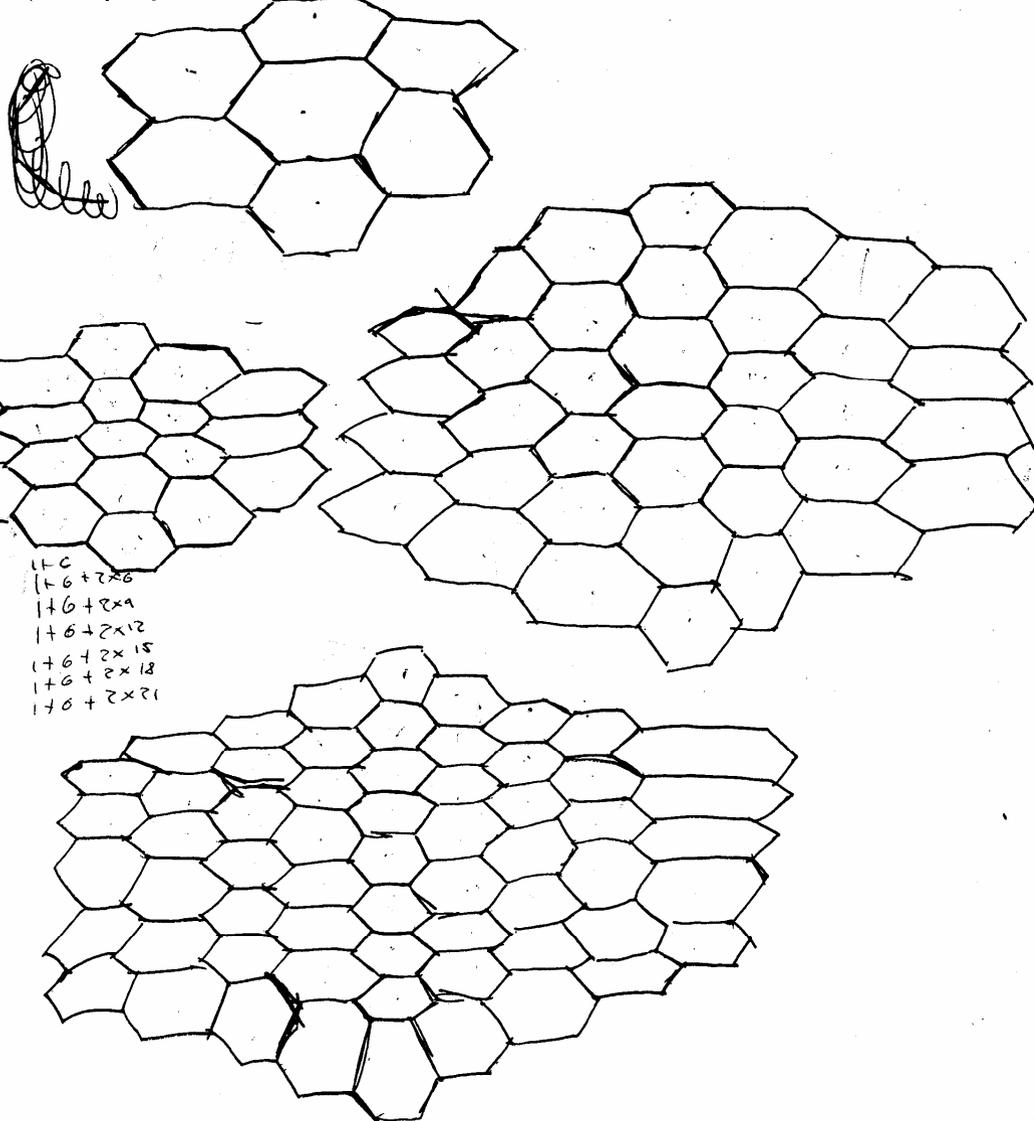
3. → Operación



¿Cuántos hay después de la operación n?

Después de la operación n, queremos poner dos pesetas en cada vértice de orden 2 (es decir donde se corten dos aristas), y tres en cada uno de orden 3. ¿Cuántas pesetas en total necesitamos?

(Escribe aquí abajo tus ideas, cálculos, razonamientos, indicaciones; bastan indicaciones escuetas pero que se entiendan)



30
 34
 32
 42
 46
 50
 54
 58
 62
 66
 70
 74
 78
 82
 86
 90
 94
 98
 100
 104
 108
 112
 116
 120
 124
 128
 132
 136
 140
 144
 148
 152
 156
 160
 164
 168
 172
 176
 180
 184
 188
 192
 196
 200

955
 2x
 2x
 955
 563
 755



2x2
 3x2
 4x2
 5x2
 6x2
 7x2
 8x2
 9x2
 10x2
 11x2
 12x2
 13x2
 14x2
 15x2
 16x2
 17x2
 18x2
 19x2
 20x2
 21x2
 22x2
 23x2
 24x2
 25x2
 26x2
 27x2
 28x2
 29x2
 30x2
 31x2
 32x2
 33x2
 34x2
 35x2
 36x2
 37x2
 38x2
 39x2
 40x2
 41x2
 42x2
 43x2
 44x2
 45x2
 46x2
 47x2
 48x2
 49x2
 50x2
 51x2
 52x2
 53x2
 54x2
 55x2
 56x2
 57x2
 58x2
 59x2
 60x2
 61x2
 62x2
 63x2
 64x2
 65x2
 66x2
 67x2
 68x2
 69x2
 70x2
 71x2
 72x2
 73x2
 74x2
 75x2
 76x2
 77x2
 78x2
 79x2
 80x2
 81x2
 82x2
 83x2
 84x2
 85x2
 86x2
 87x2
 88x2
 89x2
 90x2
 91x2
 92x2
 93x2
 94x2
 95x2
 96x2
 97x2
 98x2
 99x2
 100x2

1. Se tiene un hexágono regular en el plano.

Operación 1: Se rodea con hexágonos iguales a él alrededor. Hay $1 + 6 = 7$ hexágonos.

Operación 2: Se rodea esta estructura con hexágonos iguales. Ahora hay $1 + 6 + 2 \times 6 = 19$ hexágonos.

Se repite esta operación.

- a) ¿Cuántos hexágonos hay después de la operación 4?
- b) ¿Puedes decir cuántos hay después de la operación 100?
- c) ¿Cuántos hay después de la operación n ?

Después de la operación n , queremos poner dos pesetas en cada vértice de orden 2 (es decir donde se corten dos aristas), y tres en cada uno de orden 3. ¿Cuántas pesetas en total necesitamos?

(Escribe aquí abajo tus ideas, cálculos, razonamientos, indicaciones; bastan indicaciones escuetas pero que se entiendan)

Operación 3: $1 + 6 + 2 \times 6 + 3 \times 6 = 37$ hexágonos

Operación 4: $1 + 6 + 2 \times 6 + 3 \times 6 + 4 \times 6 = 61$ hexágonos

a) 61 hexágonos

b) 661 hexágonos (de la operación $100 \times 6 + 61 = 661$)

c) No se puede decir por que es una general.

d) No se puede por que no sabemos cuantos vértices tiene.

Operación 1: Se rodea con hexágonos iguales a el alrededor. Hay $1+6=7$ hexágonos.
 Operación 2: Se rodea esta estructura con hexágonos iguales. Ahora hay $1+6+2 \times 6=19$ hexágonos.
 Se repite esta operación.
 ¿Cuántos hexágonos hay después de la operación 4?
 ¿Puedes decir cuántos hay después de la operación 100?
 ¿Cuántos hay después de la operación n?
 Después de la operación n, queremos poner dos pesetas en cada vértice de orden 2 (es decir donde se corten dos aristas), y tres en cada uno de orden 3. ¿Cuántas pesetas en total necesitamos?

(Escribe aquí abajo tus ideas, cálculos, razonamientos, indicaciones; bastan indicaciones escuetas pero que se entiendan)

- 1ª pregunta | $1+6 \cdot 3 \times 6 = 25$ hexágonos en la 3ª operación
- 2ª pregunta | $1+6+4 \times 6 = 31$ hexágonos en la 4ª operación
- 3ª pregunta | $1+6+100 \times 6 = 607$ hexágonos en la 100ª operación
- 4ª pregunta | $1+6+N \times 6 = X$ hexágonos en la Nª operación
- 5ª pregunta | habría que multiplicar el número que nos ha dado en la operación N por 2 para el orden 2 y multiplicarlo por 3 para el orden 3

Operación 1: Se rodea con hexágonos iguales a él alrededor. Hay $1 + 6 = 7$ hexágonos.

Operación 2: Se rodea esta estructura con hexágonos iguales. Ahora hay $1 + 6 + 2 \times 6 = 19$ hexágonos.

Se repite esta operación.

¿Cuántos hexágonos hay después de la operación 4?

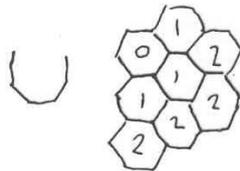
¿Puedes decir cuántos hay después de la operación 100?

¿Cuántos hay después de la operación n ?

Después de la operación n , queremos poner dos pesetas en cada vértice de orden 2 (es decir donde se corten dos aristas), y tres en cada uno de orden 3. ¿Cuántas pesetas en total

necesitamos?

(Escribe aquí abajo tus ideas, cálculos, razonamientos, indicaciones; bastan indicaciones escuetas pero que se entiendan)



$$1 + 6 + 2 \cdot 6 + 3 \cdot 6 = 19 + 18 = 37 \text{ hexágonos}$$

en la operación tres

$$1 + 6 + 2 \cdot 6 + 3 \cdot 6 + 4 \cdot 6 = 37 + 24 = 61 \text{ hexágonos}$$

en op. 4

3, 4 ..., 99, 100

$$1 + 6 + 6 \cdot 2 + 6 \cdot 3 + 6 \cdot 4 \dots + 6 \cdot 100 =$$

$$1 + 6(101 + 49 + 50)$$

$$1 + 6 \cdot 4999$$

29995 hexágonos
en op. 100.

$$\begin{array}{r} 4999 \\ \underline{6} \\ 29994 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ 49 \\ \hline 499 \\ 499 \\ \hline 998 \end{array}$$

CAMPAMENTO

- Para primer contacto con los chicos y entre ellos.
- Salida sábado a las 9:30am. Vuelta domingo a las 17:00
- Albergue de la CAM
- Destaca:
 - Formación de grupos
 - Creación de una atmósfera agradable
 - Ambiente positivo

- Desarrollo:
 - Sábado:
 - Juegos de conocimiento y presentación.
 - Gymkhana matemática
 - Fuego campamento
 - Domingo
 - Oca matemática
 - Juegos al aire libre

DESARROLLO DEL CURSO

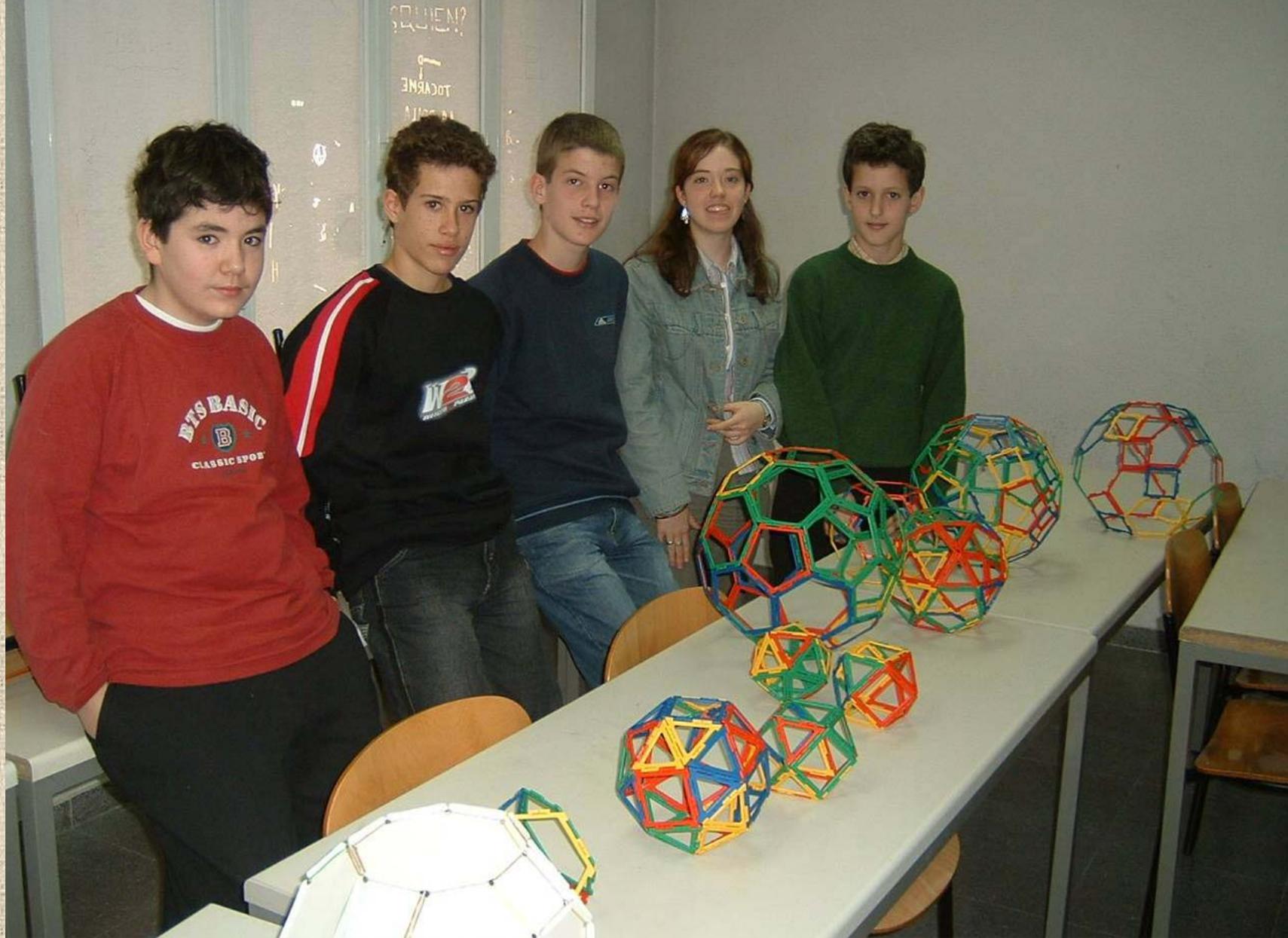
- Inauguración Oficial en la Academia de Ciencias.
- Empieza el curso: todos los sábados de 10 a 13 h
- Divididos en dos sesiones con un recreo de unos 20 minutos.
- Dos profesores en todo momentos con el grupo de 25.
- Sentados generalmente en grupos de 5.
- Hay actividades extraordinarias (visitas museos, Matemáticas al *Sprint*, concurso de primavera,...)

- Los temas tiene poco que ver con los de las enseñanzas regladas.
- Procurar estimular y enriquecer... no interferir ni entorpecer.
- Generalmente se busca la participación y el trabajo en grupo. Hay momentos de trabajo individual, en parejas, con ordenador,...

- Temas varios:
 - Grafos
 - Paridad y divisibilidad
 - Números primos
 - Poliedros, mosaicos
 - Pruebas sin palabras
 - Principio del palomar
 - Teoría de Ramsey
 - Geometría por ordenador
 - Teoría de juegos
 - Estrategias. Lógica.



STALMAT: Una experiencia en Madrid



STALMAT: Una experiencia en Madrid

SEGUIMIENTO POSTERIOR

- Al final de los dos años de participación, la orientación continúa.
- Una vez al mes una sesión en la Facultad a lo largo de otros dos años.
- Actividad voluntaria.
- Destaca la participación en concursos.

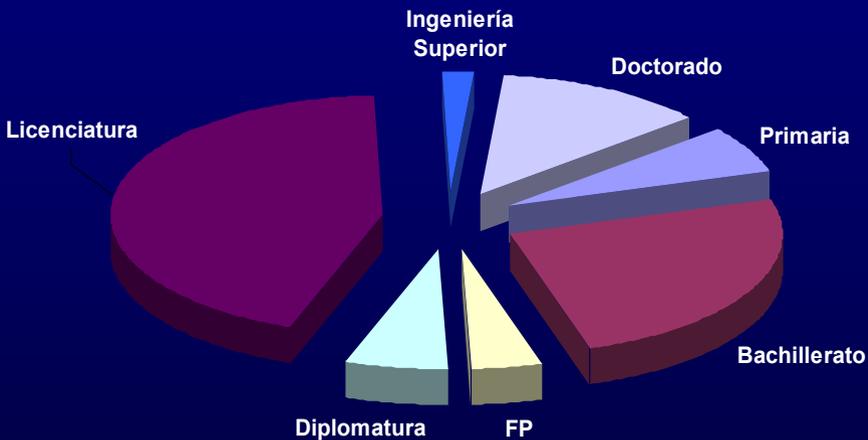
COMPOSICIÓN DEL PROFESORADO

- En Madrid son del orden de 14.
- Profesores de enseñanzas medias y de universidad.
- La actividad es de unos 8 fines sábados por persona.
- Reunión periódicas de profesores.
- Reunión anual de los distintos proyectos de España.

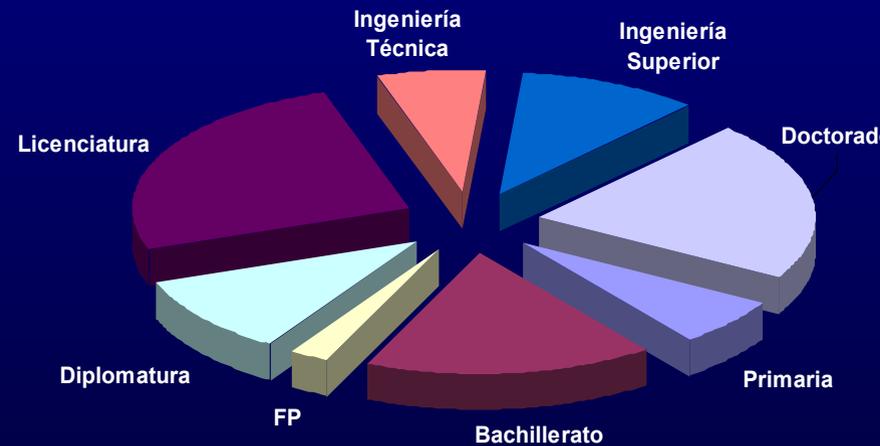
DATOS

El entorno familiar (N=50)

Estudios de las madres

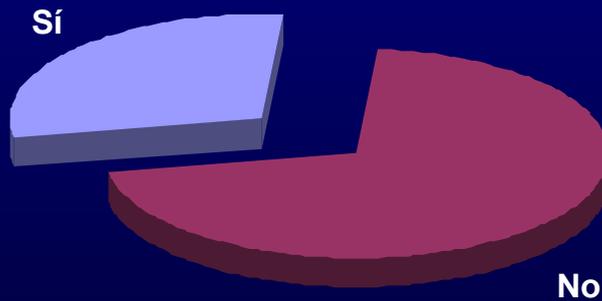


Estudios de los padres

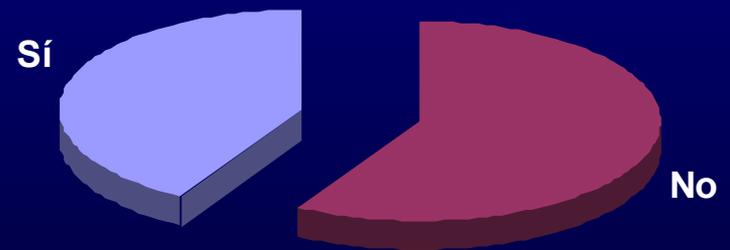


¿Están los estudios de los padres relacionados con las Matemáticas?

Estudios relacionados con las Matemáticas
(madres)



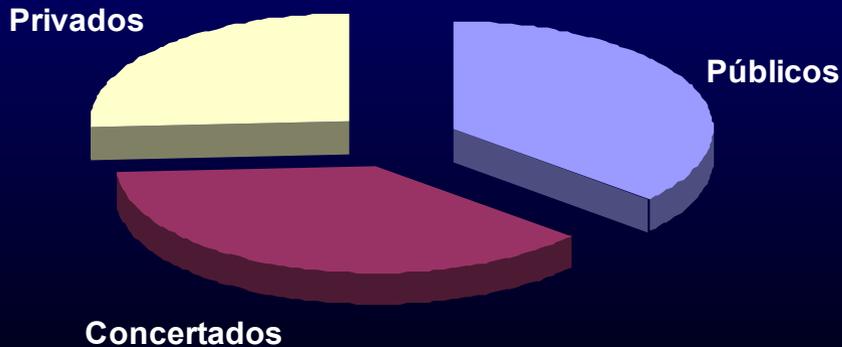
Estudios relacionados con las Matemáticas
(padres)



Centros en los que cursan los estudios

Tipo de centro	Porcentajes en Estalmat	Porcentajes en la Comunidad
Público	34.43%	54.67%
Privado (concertado)	37.86%	33.52%
Privado	25.71%	11.94%

Tipo de centro





Clausura 2003

STALMAT: Una experiencia en Madrid



Clausura 2004

STALMAT: Una experiencia en Madrid

matemáticas: Investigación y Educación
homenaje a Miguel de Guzmán



ESTALMAT
es una experiencia
alentadora, un portal
de entrada a un mundo
de juegos y actividades
matemáticas con un
profundo valor
educativo. De gran
interés para la sociedad
y una delicia para todos
los que participamos en
ella.

ESTALMAT: Una experiencia en Madrid

MUCHAS GRACIAS

STALMAT: Una experiencia en Madrid

STALMAT: Una experiencia en Madrid